

9. Vad ska stå i rutan för att det linjära ekvationssystemet

$$\begin{cases} 2x+5y=35 \\ \square x+3y=21 \end{cases} \text{ ska ha oändligt många lösningar?}$$

_____ (0/0/1)

10. Förenkla uttrycket $\frac{4^m + 4^m \cdot 4^m + 4^m}{4^m}$ så långt som möjligt.

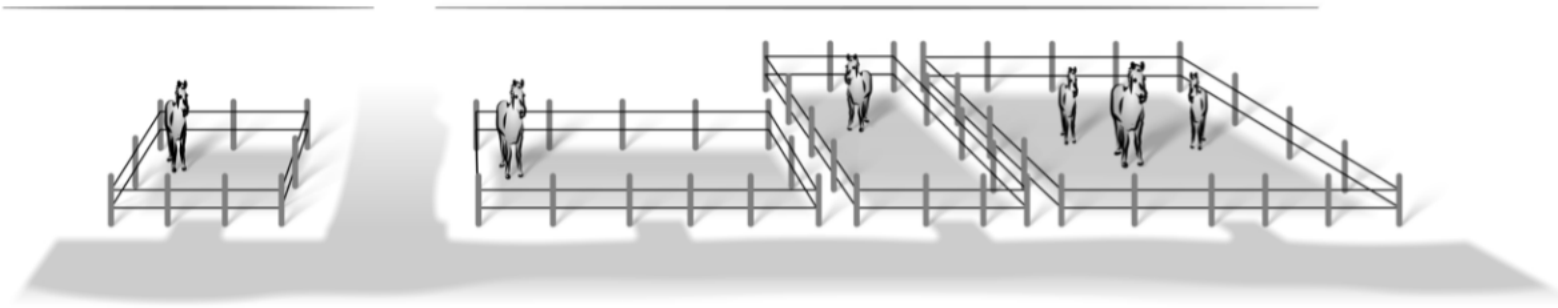
_____ (0/0/1)

14. Lös ekvationerna.

a) $\lg 2 + \lg(x - 6) = \lg 14 - \lg x$ (0/0/3)

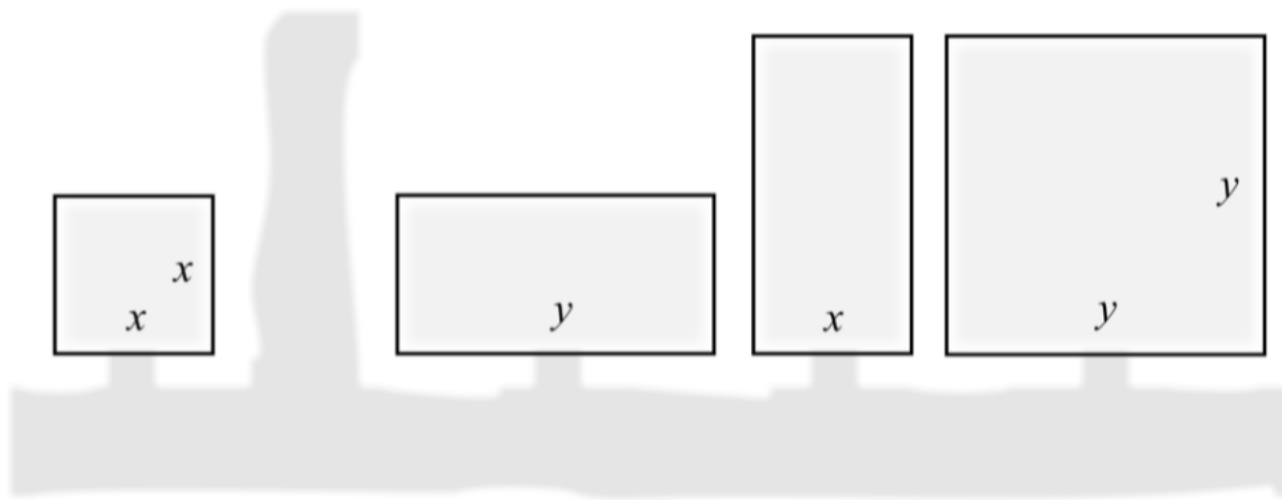
b) $4^x = 2^{4x+5}$ (0/0/2)

15. Bilden visar fyra hästhagar som är kvadratiska respektive rektangulära med sidlängderna x och y meter.



Nedan visas en skiss över hur hagarna ser ut ovanifrån.

(m)

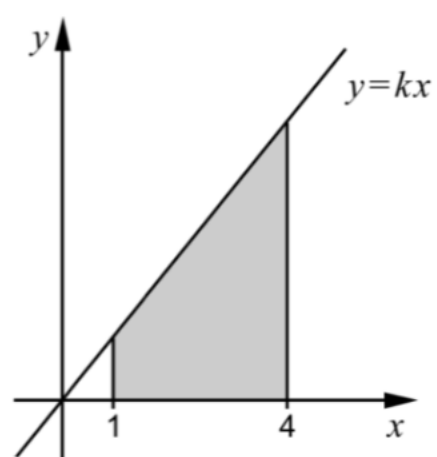


Hästarna ska flyttas till en ny gemensam hage. Den nya hagen är kvadratisk och har lika stor area som de fyra ursprungliga hagarna tillsammans.

Bestäm ett förenklat uttryck för sidans längd hos den nya hagen.

(0/1/1)

16. Ett område begränsas av x -axeln, linjerna $x = 1$ och $x = 4$ samt den räta linjen $y = kx$ där $k > 0$



Bestäm riktningskoefficienten k algebraiskt så att områdets area blir exakt 10 areaenheter.

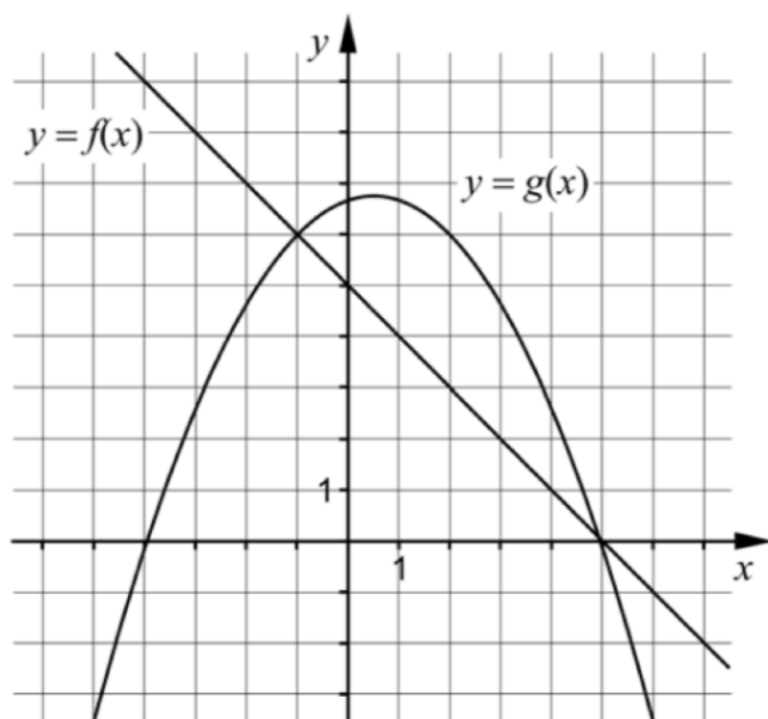
(0/0/4)

7. Förenkla följande uttryck så långt som möjligt.

a) $2\lg x - 0,5\lg x^2$ _____ (0/1/0)

b) $(xy - y)^2 \cdot y^{-2}$ _____ (0/0/1)

8. I koordinatsystemet visas graferna till den linjära funktionen $y = f(x)$ och andragradsfunktionen $y = g(x)$



Avläs i figuren och besvara frågorna.

a) Bestäm $g(2)$ _____ (1/0/0)

b) För vilka värden på x gäller att $f(x) < g(x)$? _____ (0/2/0)

c) Ange ekvationen för en rät linje som *inte* skär någon av graferna till funktionerna. _____ (0/0/1)

9. I början av år 2011 köpte Matilda en dator för 10000 kr. Datorns värde kan beskrivas med $V(t) = 10000 \cdot 0,60^t$ där V är datorns värde i kr och t är tiden i år efter inköpet.



- a) Med hur många procent minskar datorns värde per år?

_____ (1/0/0)

- b) Teckna en ny funktion som anger datorns värde V i kr som funktion av tiden t , där tiden nu istället ska räknas i *månader* efter inköpet.

_____ (0/0/1)

10. Ett ekvationssystem består av två ekvationer där varje ekvation innehåller två variabler x och y .

- a) Den ena ekvationen är $3x + 2y = 12$

Ge ett exempel på hur den andra ekvationen kan se ut så att ekvationssystemet saknar lösningar.

_____ (0/0/1)

- b) Den ena ekvationen är fortfarande $3x + 2y = 12$

Ge ett exempel på hur den andra ekvationen kan se ut så att ekvationssystemet

endast får lösningen $\begin{cases} x = 2 \\ y = 3 \end{cases}$

_____ (0/0/1)

14. I ekvationen $x^2 - (a-1)^2 = 0$ är a en konstant.
Lös ekvationen och svara på så enkel form som möjligt.

(0/0/2)

15. På linjen $y = 2x - 5$ ligger en punkt P i första kvadranten. Avståndet mellan punkten P och origo är 10 längdenheter. Bestäm x -koordinaten för punkten P .
Svara exakt.

(0/0/4)

9. Bestäm för vilka värden på x som olikheten $x^2 > 3$ gäller.

_____ (0/1/1)

16. Lös ekvationssystemet
$$\begin{cases} \lg x^3 - \lg y^{-2} = 13 \\ \lg x + \lg y = 5 \end{cases}$$

(0/0/2)

14. En maskin tillverkar skruvar. Skruvarnas längder är normalfördelade med en standardavvikelse på 0,20 mm.



Ungefär 82 % av skruvarna har en längd mellan 54,0 mm och 54,6 mm.

Bestäm skruvarnas medellängd.

(0/2/1)

- 15.** För funktionerna f och g gäller att $f(x) = x^2 + a$ och $g(x) = -x^2 + b$.
Antalet skärningspunkter mellan funktionernas grafer beror på hur konstanterna a och b väljs.

Undersök hur antalet skärningspunkter beror på valet av a och b .

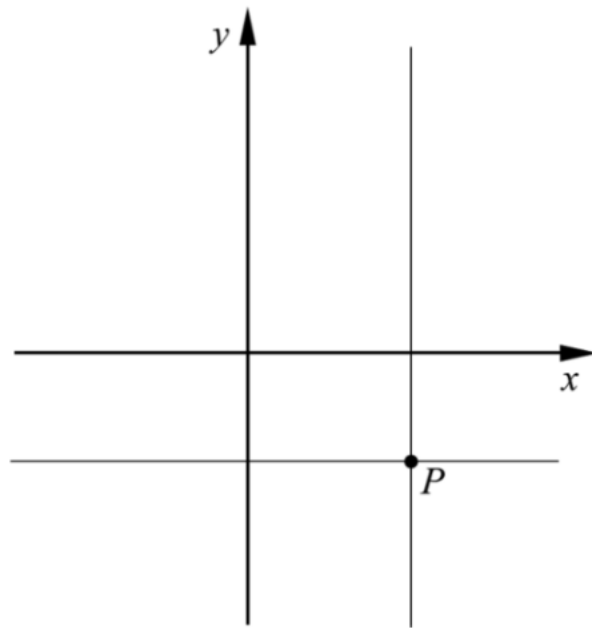
(0/2/1)

10. Lös ekvationen $(x - \sqrt{3})^2 - 4(x - \sqrt{3}) + 3 = 0$ om du vet att $t^2 - 4t + 3 = 0$ har lösningarna $t_1 = 3$ och $t_2 = 1$. Svara med exakta värden.

$$x_1 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$x_2 = \underline{\hspace{2cm}} \quad (0/0/1)$$

11. Figuren visar linjerna $x = a$ och $y = b$, där a och b är olika konstanter, $a \neq 0$, $b \neq 0$. Linjerna skär varandra i punkten P i koordinatsystemets fjärde kvadrant.



Vilken eller vilka av nedanstående linjer A-D går genom punkten P ?

A. $ax + by = 0$

B. $ax - by = 0$

C. $ay + bx = 0$

D. $ay - bx = 0$

$\underline{\hspace{2cm}}$ (0/0/1)

17. I ekvationen $ax^2 - a^2x = -2$ är a en positiv konstant. Lös ekvationen och visa vilka värden på a som ger två olika reella rötter.

(0/0/3)

9. Förenkla följande uttryck så långt som möjligt.

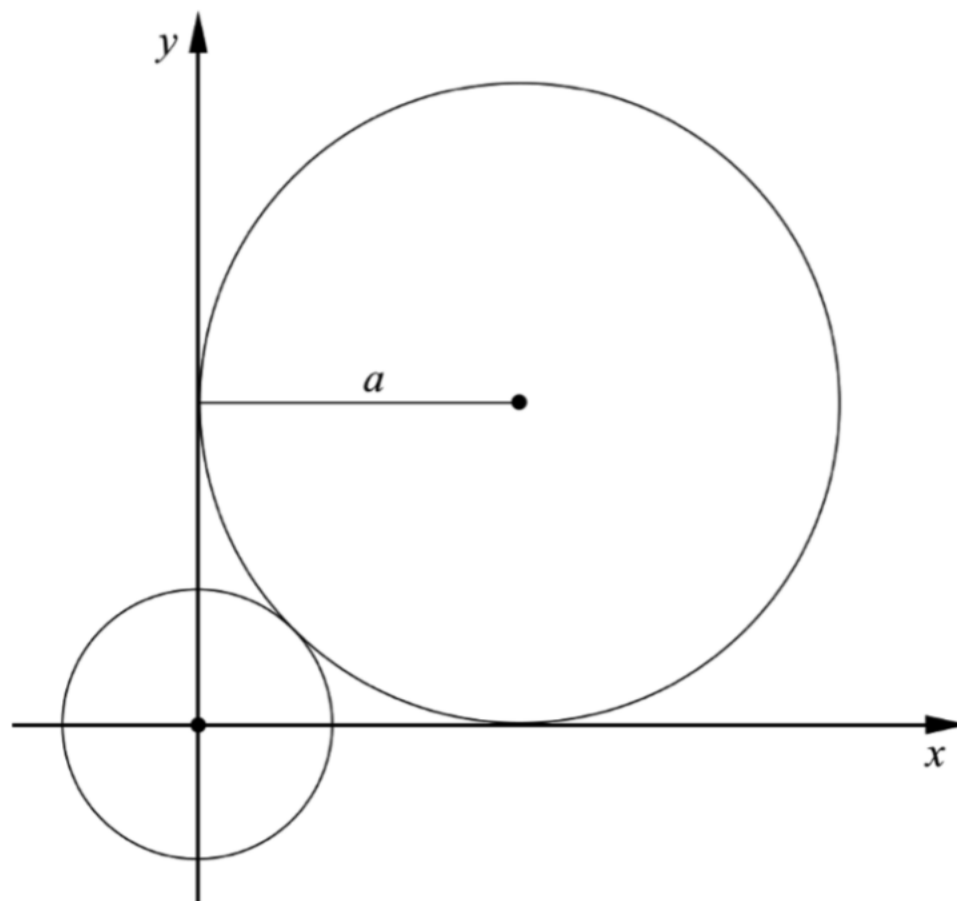
a) $\frac{(\sqrt{x} + \sqrt{3})^2 - (x + 3)}{2}$

_____ (0/0/1)

b) $\frac{\lg \sqrt{x} \cdot \lg \left(\frac{x}{2}\right)^2}{\lg \frac{x}{2}}$ \approx

_____ (0/0/1)

16. En cirkel med radien a tangerar de positiva koordinataxlarna. Den tangerar även en mindre cirkel som har mittpunkten i origo. Se figur.



Visa att den mindre cirkelns radie är $a(\sqrt{2} - 1)$ längdenheter.

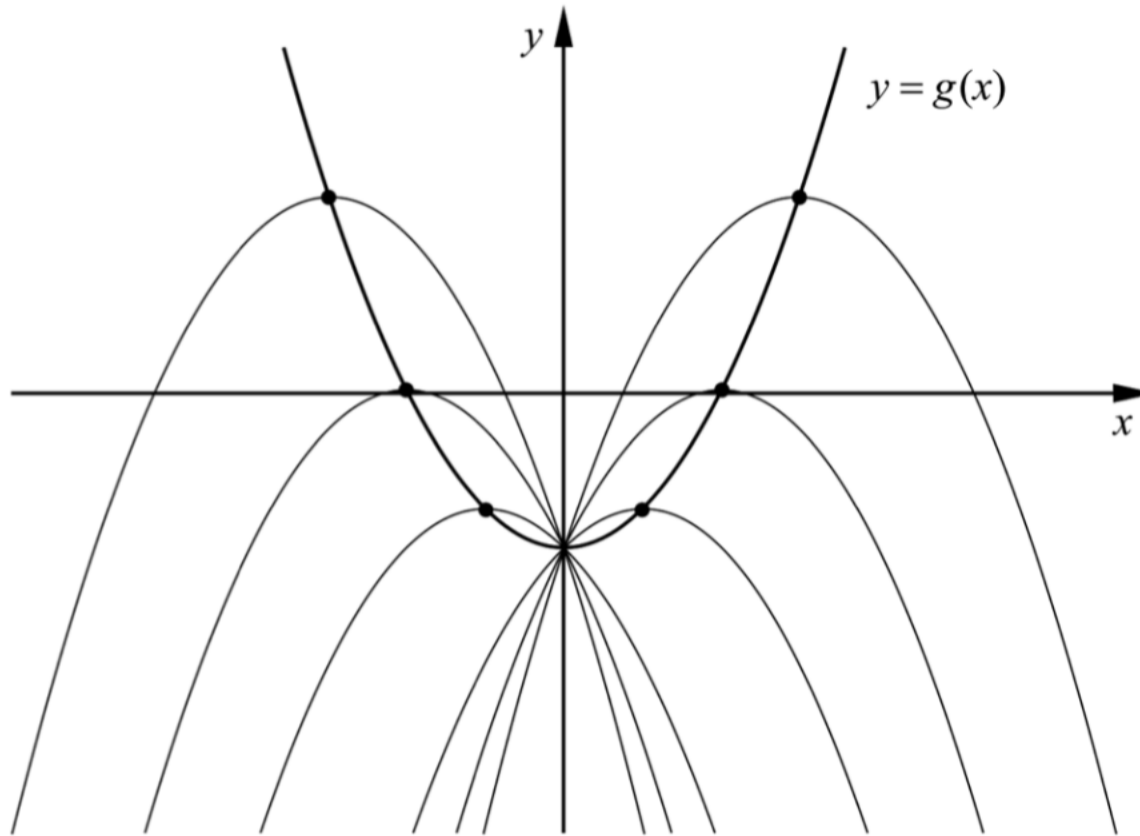
(0/0/3)

17. För andragradsfunktionen f gäller att $f(x) = -0,5x^2 + bx - 2$

a) Bestäm för vilka värden på b som f endast har ett nollställe.

(0/2/0)

I figuren nedan ser du graferna till funktionen f för några olika värden på b . Grafernas maximipunkter är markerade. Då b varierar följer maximipunkterna grafen till en ny andragradsfunktion g , se figur.



b) Bestäm andragradsfunktionen g .

(0/0/3)

